

Одеський національний університет імені І. І. Мечникова

**Інститут математики, економіки і механіки**

Методи математичної фізики

---

**Дипломна робота**

бакалавра

---

на тему: «Генетичні алгоритми у навчанні нечітких нейронних мереж»

«Genetic algorithms for learning fuzzy neural networks»

Виконав: студент денної форми навчання

напряму підготовки 6.040301 Прикладна математика

Заславський Дмитро Володимирович

Керівник: кандидат фіз.-мат. наук, доцент Шумихин С. А.

Рецензент кандидат фіз.-мат. наук, доцент Мойсеєнок О. П.

Рекомендовано до захисту:

Протокол засідання кафедри

№ \_\_\_\_\_ від \_\_\_\_\_ р.

Завідувач кафедри

\_\_\_\_\_

(підпис)

(прізвище, ініціали)

Захищено на засіданні ЕК № \_\_\_\_\_

протокол № \_\_\_\_\_ від \_\_\_\_\_ р.

Оцінка \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_

(за національною шкалою, шкалою ECTS, бали)

Голова ЕК

\_\_\_\_\_

(підпис)

(прізвище, ініціали)

**Одеса – 2017**

# План

## Вступ

1. Штучні нейронні мережі
  - 2.1 Паралелі з біології
  - 2.2 Визначення нейронної мережі
  - 2.3 Математичне обґрунтування можливостей нейронних мереж
3. Системи нечіткого виводу
4. Генетичні алгоритми
  - 4.1 Історія та зв'язок з нейронними мережами
  - 4.2 Порівняння з традиційними методами оптимізації
  - 4.3 Основні поняття
  - 4.4 Класичний генетичний алгоритм
5. Навчання нечіткої нейронної мережі за допомогою гібридних алгоритмів
  - 5.1 Первісне навчання за допомогою генетичних алгоритмів
  - 5.2 Підвищення чіткості нейронної мережі
6. Приклади використання

Висновки

Список використаної літератури

Додатки

## Вступ

В даний час, коли обсяги інформації, що збирається швидко набирають зростання і вже неможливо вручну оперативно обробляти зібрані дані, істотно - важливими елементами соціального життя людини стає автоматизація їх обробки і аналізу.

Необхідно вивчати можливості і ефективність різних форм і методів продажу товарів, виробляти роботу по формуванню запитів населення, підвищенню престижу торговельної фірми. Перспективним з цієї точки зору є застосування інформаційних технологій при обслуговуванні покупців. Автоматизація первинної діагностики та перевірка коректності діагнозу і призначених лікування. Процедура розгляду заяв про користувача з урахуванням неточних питань і особливостей мови.

На даний момент, в області аналіз даних, успішними інструментами є методи машинного навчання. У даній роботі будуть розглянуто один з найпотужніших інструментів - нейронні мережі.

Метою дипломної роботи є:

- Вивчення штучних нейронних мереж;
- Вивчення існуючих алгоритмів їх навчання;
- Вивчення систем нечіткого вивода;
- Вивчення генетичних алгоритмів;
- Спроба формування алгоритму навчання нечіткої нейронної мережі засобами генетичних алгоритмів.

## **Висновки**

1. Існує математичне обґрунтування використання нейронних систем за теоремами Колмагорова та Горбані.
2. Що хоча нейронні системи не досягли рівня людини, вони все – таки можуть виконувати досить широкий спектр задач.
3. Оскільки в нашому світі не існує абсолютно точної інформації, то нечітка логіка, а отже і нечіткі нейронні системи будуть розвиватися і активно використовуватися. І хоча все ще існують невирішені проблеми у визначенні та зручності реалізації операції в нечітких безлічі, на даний момент, як і в майбутньому це буде серйозним інструментом для розвитку в області обробки інформації.
4. генетичні алгоритми показали себе досить ефективним засобом для навчання нечітких мереж, однак існують більш ефективні алгоритми навчання.

## Список використаної літератури

- 1 Колмогоров А. Н. / О представлении непрерывных функций нескольких переменных в виде суперпозиции непрерывных функций одного переменного // Докл. АН СССР. — 1958. — Т. 114, № 5. — С. 953–956.
- 2 Нейроинформатика / [А. Н. Горбань, В. Л. Дунин-Барковский, А. Н. Кирдин, Е. М. Миркес, А. Ю. Новоходько, Д. А. Россиев, С. А. Терехов и др.] — Новосибирск: Наука, 1998. — 296 с.
- 3 Нейронные сети, генетические алгоритмы и нечеткие системы / Рутковская Д. Пилиньский М., Рутковский Л. – Москва: «Горячая линия», 2006. – 381 с.
- 4 С.Д.Штовба / "Введение в теорию нечетких множеств и нечеткую логику"-264 с.
- 5 Fausett L. /“Fundamentals of Neural Networks: Architectures, Algorithms And Applications”.-2001.-449.

## Додатки

Код програми:

1) Нечітке трикутне число

```
class FuzzyDouble
{
    double mediana;
    double fuzzyLeft;
    double fuzzyRigth;
    public FuzzyDouble() { }
    public FuzzyDouble(double A)
    {
        mediana = A;
        fuzzyLeft = 0;
        fuzzyRigth = 0;
    }
    public FuzzyDouble(double FuzzyLeft, double Mediana, double
FuzzyRigth)
    {
        mediana = Mediana;
        //fuzzyLeft = Mediana - FuzzyLeft;
        //fuzzyRigth = FuzzyRigth - Mediana;
        fuzzyLeft = FuzzyLeft;
        fuzzyRigth = FuzzyRigth;
    }
    public static FuzzyDouble operator +(FuzzyDouble obj1, FuzzyDouble
obj2)
    {
        FuzzyDouble result = new FuzzyDouble();
        result.mediana = obj1.mediana + obj2.mediana;
        result.fuzzyLeft = obj1.mediana + obj2.mediana - obj1.fuzzyLeft -
obj2.fuzzyLeft;
        result.fuzzyRigth = obj1.fuzzyRigth + obj2.fuzzyRigth;
        return result;
    }
    public static FuzzyDouble operator -(FuzzyDouble obj1, FuzzyDouble
obj2)
    {
        FuzzyDouble result = new FuzzyDouble();
        result.mediana = obj1.mediana - obj2.mediana;
        result.fuzzyLeft = obj1.fuzzyLeft - obj2.fuzzyLeft;
```

```

        result.fuzzyRigth = obj1.fuzzyRigth - obj2.fuzzyRigth;
        return result;
    }
    public static FuzzyDouble operator *(FuzzyDouble obj1, FuzzyDouble
obj2)
    {
        FuzzyDouble result = new FuzzyDouble();
        result.mediana = obj1.mediana * obj2.mediana;
        result.fuzzyLeft = obj1.fuzzyLeft * obj2.fuzzyLeft;
        result.fuzzyRigth = obj1.fuzzyRigth * obj2.fuzzyRigth;
        return result;
    }
    public static FuzzyDouble operator /(FuzzyDouble obj1, FuzzyDouble
obj2)
    {
        FuzzyDouble result = new FuzzyDouble();
        result.mediana = obj1.mediana / obj2.mediana;
        result.fuzzyLeft = obj1.fuzzyLeft / obj2.fuzzyRigth;
        result.fuzzyRigth = obj1.fuzzyRigth / obj2.fuzzyLeft;
        return result;
    }

    public double Mediana
    {
        get { return mediana; }
        set { mediana = value; }
    }
    public override string ToString()
    {
        return String.Format("{0}, {1}, {2}", mediana - fuzzyLeft, mediana,
mediana + fuzzyRigth);
    }
}

```

## 2) Нейрон

```

public interface INeuron<T>
{
    /// <summary>
    /// Weights of the neuron
    /// </summary>
    List<double> Weights { get; }

    /// <summary>

```

```

/// Offset/bias of neuron (default is 0)
/// </summary>
double Bias { get; set; }

/// <summary>
/// Last calculated state in Activate
/// </summary>
T LastState { get; set; }

/// <summary>
/// Last calculated NET in NET
/// </summary>
T WeightedSum { get; set; }

IList<INeuron<T>> Children { get; }

IList<INeuron<T>> Parents { get; }

IFunction ActivationFunction { get; set; }

double ActivationFunctionDerivative { get; }

double ErrorDerivative { get; set; }

/// <summary>
/// Compute NET of the neuron by input vector
/// </summary>
/// <param name="inputVector">input vector (must be the same dimension
as was set in SetDimension)</param>
/// <returns>NET of neuron</returns>
T computeWeightedSum(T[] inputVector);
/// <summary>
/// Compute state of neuron
/// </summary>
/// <param name="inputVector">input vector (must be the same dimension
as was set in SetDimension)</param>
/// <returns>State of neuron</returns>
T Activate(T[] inputVector);
}

```

### 3) Шар нейронної мережі

```

public interface ILayer<T>
{
/// <summary>

```

```

/// Get last output of the layer
/// </summary>
T[] LastOutput { get; }

/// <summary>
/// Get neurons of the layer
/// </summary>
INeuron<T>[] Neurons { get; }

/// <summary>
/// Get input dimension of neurons
/// </summary>
int InputDimension { get; }

/// <summary>
/// Compute output of the layer
/// </summary>
/// <param name="inputVector">Input vector</param>
/// <returns>Output vector</returns>
T[] Compute(double[] inputVector);
}

```

#### 4) Нечітка нейронна мережа

```

public class MultiLayerNetwork:IMultilayerNeuralNetwork
{
    Layer[] layers;
    ILearningStrategy<IMultilayerNeuralNetwork> learnStrategy;
    int inputDimension=0;
    int conectionsCount = 0;

    public MultiLayerNetwork(int[] NeuronsInLayers, int InputDimension)
    {
        Random rnd = new Random();
        inputDimension = InputDimension;
        layers = new Layer[NeuronsInLayers.Length];
        layers[0] = new Layer(NeuronsInLayers[0], InputDimension);
        double[] weights = new double[InputDimension];
        for (int i = 0; i < InputDimension; i++)
        {
            weights[i] = 1;
        }
    }
}

```

```

for (int i = 0; i < NeuronsInLayers[0]; i++)
{
    layers[0].AddNeuron(new MLNeuron(weights.ToList()));
    conectionsCount += weights.Length;
}
for (int i = 1; i < NeuronsInLayers.Length; i++)
{
    layers[i] = new Layer(NeuronsInLayers[i], NeuronsInLayers[i - 1]);
    for (int j = 0; j < NeuronsInLayers[i]; j++)
        layers[i].AddNeuron(new MLNeuron(NeuronsInLayers[i - 1],
rnd));
        conectionsCount += NeuronsInLayers[i - 1];
}
LearningConfig config = new LearningConfig();
config.BatchSize = -1;
config.MaxEpoches = 1000;
config.MinError = 0.000001;
config.MinErrorChange = 0.0000000001;
learnStrategy = new GeneticLearning(this, config);
}

public ILayer<double>[] Layers
{
    get { return layers; }
}
public int InputDimension
{
    get { return inputDimension; }
}
public int ConectionsCount
{
    get { return conectionsCount; }
}
public FuzzyDouble [] ComputeOutput(FuzzyDouble [] inputVector)
{
    FuzzyDouble [] outputVector = layers[0].Compute(inputVector);
    for (int i = 1; i < layers.Length; i++)
    {
        outputVector = layers[i].Compute(outputVector);
    }
    return outputVector;
}

```

```

public void Train(IList< FuzzyDouble > Data)
{
    learnStrategy.train(Data);
}
public void Train(IList< FuzzyDouble > Train, IList< FuzzyDouble >
Validate, IList< FuzzyDouble > Check)
{
    learnStrategy.train(Train, Validate, Check);
}

```

5) Оператор кроссінговера

```

public class Crossover
{
    public MultiLayerNetwork[] copulation(IMultilayerNeuralNetwork N1,
IMultilayerNeuralNetwork N2, int k)
    {
        MultiLayerNetwork[] childs = new MultiLayerNetwork[2];
        int[] neurons = new int[N1.Layers.Length];
        for (int j = 0; j < N1.Layers.Length; j++)
        {
            neurons[j] = N1.Layers[j].Neurons.Length;
        }
        for (int j = 0; j < childs.Length; j++)
        {
            childs[j] = new MultiLayerNetwork(neurons, N1.InputDimension);
        }

        int i = 0;

        for (int layer = 0; layer < N1.Layers.Length; layer++)
        {
            for (int j = 0; j < N1.Layers[layer].Neurons.Length; j++)
            {
                for (int n = 0; n < N1.Layers[layer].Neurons[j].Weights.Count;
n++, i++)
                {
                    if (i < k)
                    {
                        double a = N1.Layers[layer].Neurons[j].Weights[n], b =
N2.Layers[layer].Neurons[j].Weights[n];
                        childs[0].Layers[layer].Neurons[j].Weights[n] = a;
                        childs[1].Layers[layer].Neurons[j].Weights[n] = b;
                    }
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        else
        {
            double a = N1.Layers[layer].Neurons[j].Weights[n], b =
N2.Layers[layer].Neurons[j].Weights[n];
            childs[0].Layers[layer].Neurons[j].Weights[n] = b;
            childs[1].Layers[layer].Neurons[j].Weights[n] = a;
        }
    }
}
return childs;
}

```

## 6) Оператор мутації

```

internal class Mutation : IMutation
{
    List<double> mutationsRange;
    Random _rnd;
    int maxMutations;
    internal Mutation(Random rnd, List<double> MutationsRange, int
MaxMutations)
    {
        _rnd = rnd;
        mutationsRange = MutationsRange;
        maxMutations = MaxMutations;
    }
    public void mutate(IMultilayerNeuralNetwork network)
    {
        int mutations = _rnd.Next(1, maxMutations);
        for (int i = 0; i < mutations; i++)
        {
            double rate = _rnd.NextDouble();
            if (rate < 0.2)
            {
                int layer = _rnd.Next(0, network.Layers.Length);
                int neuron = _rnd.Next(0, network.Layers[layer].Neurons.Length);
                int weigth = _rnd.Next(0,
network.Layers[layer].Neurons[neuron].Weights.Count);
                network.Layers[layer].Neurons[neuron].Weights[weigth] =
mutationsRange[_rnd.Next(0, mutationsRange.Count)];
            }
        }
    }
}

```

```
    }  
}
```

## 7) Оператор селекції

```
int[] selectParents(double[] errors)  
{  
    int[] parentsIndexes = new int[2];  
    double random = rnd.NextDouble();  
    for(int i=0;i<errors.Length;i++)  
    {  
        if (random < errors[i])  
        {  
            parentsIndexes[0] = i;  
            break;  
        }  
    }  
    do  
    {  
        random = rnd.NextDouble();  
        for (int i = 0; i < errors.Length; i++)  
        {  
            if (random < errors[i])  
            {  
                parentsIndexes[1] = i;  
                break;  
            }  
        }  
    } while (parentsIndexes[1] == parentsIndexes[0]);  
    return parentsIndexes;  
}
```

## 8) Алгоритм навчання нейронної мережі з застосуванням генетичних алгоритмів

```
class GeneticLearning: ILearningStrategy<IMultilayerNeuralNetwork>  
{  
    private LearningConfig config;  
    private Random rnd;  
    private static Logger logger = LogManager.GetCurrentClassLogger();
```

```

private IMultilayerNeuralNetwork network;

List<double> weigthesModule;

private double currentTrainError = Single.MaxValue;

private double lastTrainError = 0;

private double currentValidateError = Single.MaxValue;

private double lastValidateError1 = 0;

private double lastValidateError2 = 0;

private double lastValidateError3 = 0;

private double currentCheckError = 0;

Crossingover crossingover;

Mutation mutation;

int elite = 2;

private IMultilayerNeuralNetwork networkL1;

private IMultilayerNeuralNetwork networkL2;

internal GeneticLearning(IMultilayerNeuralNetwork Network,
LearningConfig Config)
{
    config = Config;

    network = Network;

    //_random = new Random(Helper.GetSeed());

    rnd = new Random();
}

public void train(IList<DoubleData> train, IList<DoubleData> validate,
IList<DoubleData> check)
{
    int epochNumber = 0;

```

```

logger.Info("Start learning...");
MultiLayerNetwork[] population = Initialize(128);
string Train = @"E:\Дима\NeuralNetworks\result.txt";
System.IO.StreamWriter srT = new System.IO.StreamWriter(Train, false);
do
{
    lastTrainError = currentTrainError;
    DateTime dtStart = DateTime.Now;
    population=Iteration(population,train);
    //recalculating error on all train
    currentTrainError = 0;
    for (int i = 0; i < train.Count; i++)
    {
        double[] realOutput = population[0].ComputeOutput(train[i].Input);
        currentTrainError += config.ErrorFunction.Calculate(train[i].Output,
realOutput);
    }
    currentTrainError /= train.Count;
    lastValidateError3 = lastValidateError2;
    lastValidateError2 = lastValidateError1;
    lastValidateError1 = currentValidateError;
    //recalculating error on all validate
    currentValidateError = 0;
    for (int i = 0; i < validate.Count; i++)
    {

```

```

        double[] realOutput =
population[0].ComputeOutput(validate[i].Input);

        currentValidateError +=
config.ErrorFunction.Calculate(validate[i].Output, realOutput);
    }

    currentValidateError /= validate.Count;
    currentCheckError = 0;
    for (int i = 0; i < check.Count; i++)
    {
        double[] realOutput = population[0].ComputeOutput(check[i].Input);

        currentCheckError +=
config.ErrorFunction.Calculate(check[i].Output, realOutput);
    }

    currentCheckError /= check.Count;
    epochNumber++;

    Console.WriteLine("Eposh #" + epochNumber.ToString() +
        " finished; current error is " + currentTrainError.ToString()
+
        "; it takes: " +
        (DateTime.Now - dtStart).Duration().ToString());

    logger.Trace("Eposh #" + epochNumber.ToString() +
        " finished; current error is " + currentTrainError.ToString()
+
        "; it takes: " +
        (DateTime.Now - dtStart).Duration().ToString());

    string ss = epochNumber.ToString() + "," +
currentTrainError.ToString().Replace(",", ".") + "," +

```

```

currentValidateError.ToString().Replace(",", ".") + "," +
currentCheckError.ToString().Replace(",", ".");

        srT.WriteLine(ss);

    }        while (epochNumber < config.MaxEpoches &&
currentTrainError > config.MinError);

    srT.Close();

    UpdateWeightes(population[0]);
}

public void train(ICollection<DoubleData> train)
{
    int epochNumber = 0;
    logger.Info("Start learning...");
    MultiLayerNetwork[] population = Initialize(128);
    string Train = @"E:\Дима\NeuralNetworks\train.txt";
    System.IO.StreamWriter srT = new System.IO.StreamWriter(Train, false);
    do
    {
        lastTrainError = currentTrainError;
        DateTime dtStart = DateTime.Now;
        population = Iteration(population, train);
        //recalculating error on all train
        currentTrainError = 0;
        for (int i = 0; i < train.Count; i++)
        {
            double[] realOutput = population[0].ComputeOutput(train[i].Input);

```

```

        currentTrainError += config.ErrorFunction.Calculate(train[i].Output,
realOutput);
    }
    currentTrainError /= train.Count;
    epochNumber++;
    Console.WriteLine("Eposh #" + epochNumber.ToString() +
        " finished; current error is " + currentTrainError.ToString()
+
        "; it takes: " +
        (DateTime.Now - dtStart).Duration().ToString());
    logger.Trace("Eposh #" + epochNumber.ToString() +
        " finished; current error is " + currentTrainError.ToString()
+
        "; it takes: " +
        (DateTime.Now - dtStart).Duration().ToString());

    srT.WriteLine(epochNumber.ToString() + "," +
currentTrainError.ToString().Replace(",", "."));
    } while (epochNumber < config.MaxEpoches && currentTrainError >
config.MinError);
    srT.Close();
    UpdateWeightes(population[0]);
}
public void UpdateWeightes(MultiLayerNetwork newNetwork)
{
    // Update weights and bias
    for (int layerIndex = 0; layerIndex < network.Layers.Length; layerIndex++)

```

```

    {
        for (int neuronIndex = 0; neuronIndex <
network.Layers[layerIndex].Neurons.Length; neuronIndex++)
            {
                network.Layers[layerIndex].Neurons[neuronIndex].Bias =
newNetwork.Layers[layerIndex].Neurons[neuronIndex].Bias;

                for (int weightIndex = 0; weightIndex <
network.Layers[layerIndex].Neurons[neuronIndex].Weights.Count;
weightIndex++)
                    {

network.Layers[layerIndex].Neurons[neuronIndex].Weights[weightIndex] =
newNetwork.Layers[layerIndex].Neurons[neuronIndex].Weights[weightIndex];

                    }
                }
            }
    }

    public MultiLayerNetwork[] Iteration(MultiLayerNetwork[] population,
IList<DoubleData> data)
    {
        MultiLayerNetwork[] childs = new
MultiLayerNetwork[population.Length];

        double[] errors = new double[population.Length];

        for (int n = 0; n < population.Length; n++)
            {
                for (int i = 0; i < data.Count; i++)
                    {

                        double[] realOutput = population[n].ComputeOutput(data[i].Input);

```

```

        errors[n] += config.ErrorFunction.Calculate(data[i].Output,
realOutput);
    }
    errors[n] /= data.Count;
}
Array.Sort(errors, population);
double sum = Sum(errors);
for (int i=0;i< errors.Length ; i++)
{
    errors[i] = errors[i] / sum;
}
for (int i = 0; i < errors.Length; i++)
{
    errors[i] = 1 / errors[i];
}
sum = Sum(errors);
for (int i = 0; i < errors.Length; i++)
{
    errors[i] = errors[i] / sum;
}
for (int i = 1; i < errors.Length; i++)
{
    errors[i] += errors[i-1];
}
for (int i = 0; i < elite; i++)
{

```

```

        childs[i] = population[i];
    }
    for (int i = elite; i < population.Length; i+=2)
    {
        int[] indexes= selectParents(errors);

        MultiLayerNetwork[] temp =
crossingover.copulation(population[indexes[0]],
population[indexes[1]],rnd.Next(0,network.ConectionsCount));

        foreach(MultiLayerNetwork n in temp)
        {
            mutation.mutate(n);
        }
        childs[i] = temp[0];
        childs[i + 1] = temp[1];
    }
    return childs;
}
MultiLayerNetwork[] Initialize(int N)
{
    MultiLayerNetwork[] population = new MultiLayerNetwork[N];
    crossingover = new Crossingover();

    weigthesRange = new List<double>();
    int M = 1000000;
    for(int i=0;i<M;i++)
    {

```

```

    weigthesRange.Add(((double)i / M) * 2 - 1);
}
mutation = new Mutation(rnd, weigthesRange,10);
int[] neurons = new int[network.Layers.Length];
for (int j = 0; j < network.Layers.Length; j++)
{
    neurons[j] = network.Layers[j].Neurons.Length;
}
for (int j = 0; j < population.Length; j++)
{
    population[j] = new MultiLayerNetwork(neurons,
network.InputDimension);
}

for (int layer = 0; layer < network.Layers.Length; layer++)
{
    for (int j = 0; j < network.Layers[layer].Neurons.Length; j++)
    {
        for (int n = 0; n < network.Layers[layer].Neurons[j].Weights.Count;
n++)
        {
            for (int k = 0; k < N; k++)
            {
                double A = weigthesRange[rnd.Next(0, M)];
                population[k].Layers[layer].Neurons[j].Weights[n] = A;
            }
        }
    }
}

```

```
    }  
  }  
}  
return population;  
}
```